



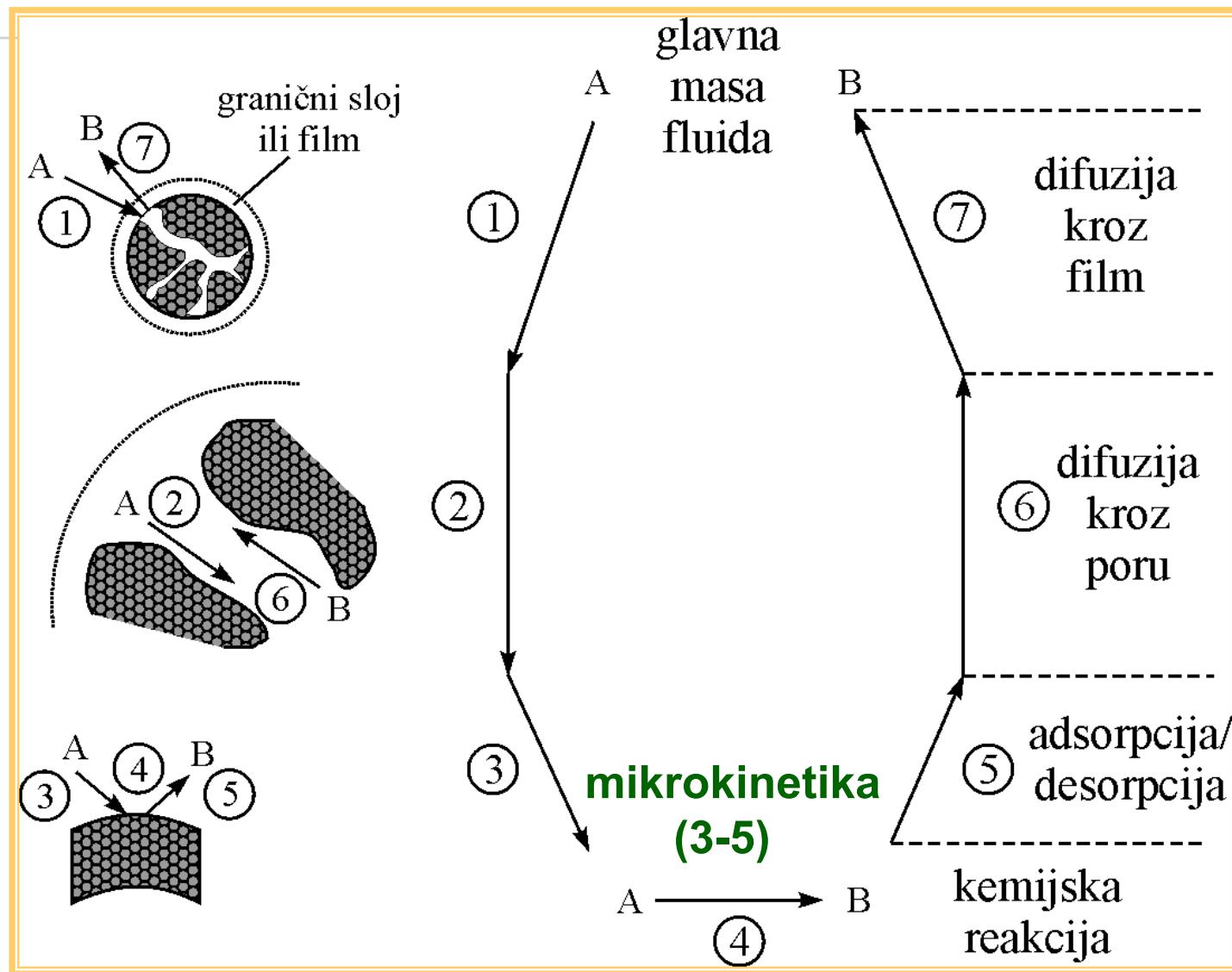
Sveučilište u Zagrebu
Fakultet kemijskog
inženjerstva i tehnologije



UKUPNA BRZINA HETEROGENO - KATALITIČKIH REAKCIJA

KATALIZA I KATALIZATORI

makrokinetika (1-7)

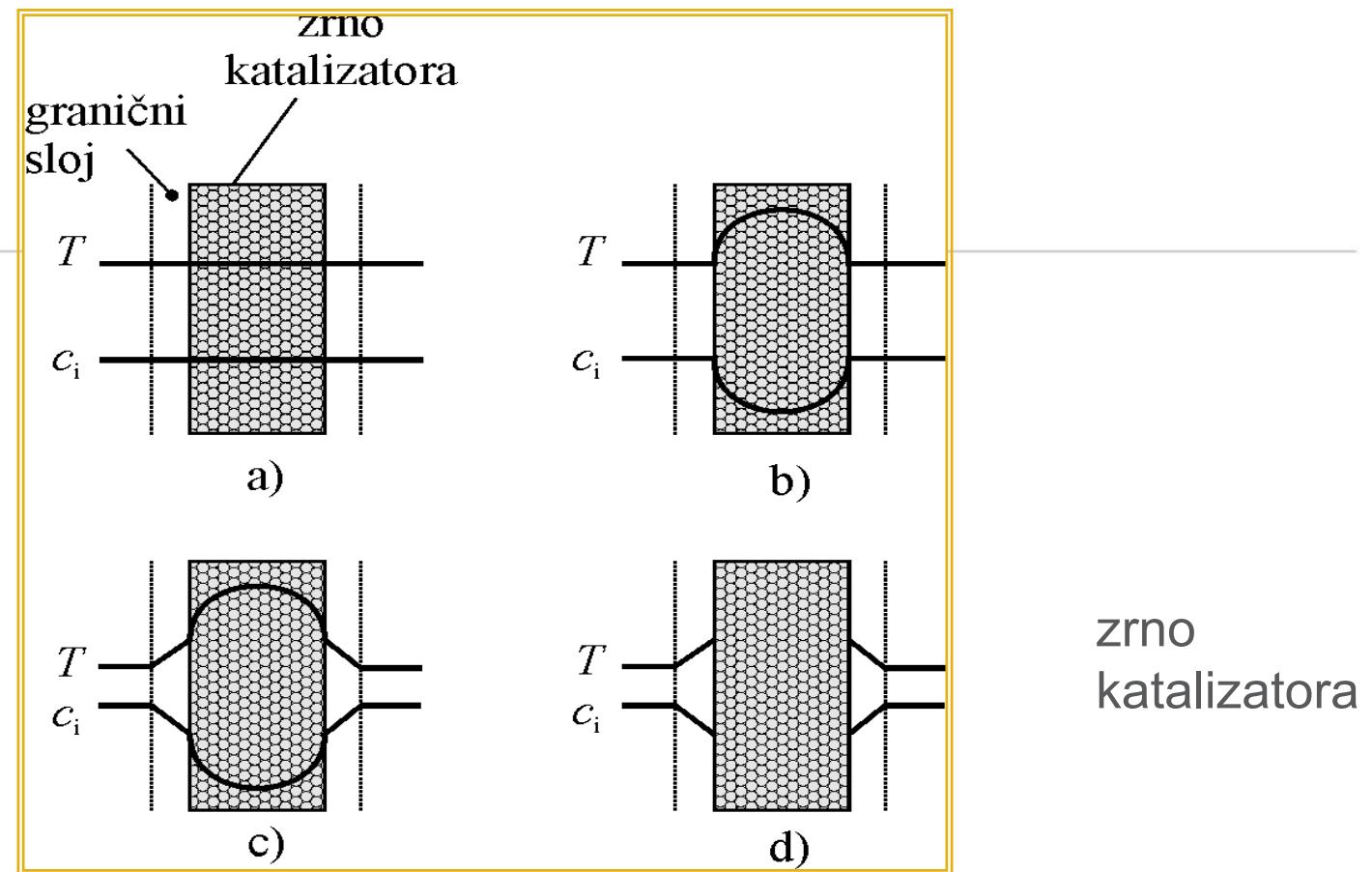


Ukupna brzina reakcije - zbroj svih brzina fizičkih procesa prijenosa i brzine površinske reakcije

$$r_{Au} = \sum_{i=1}^n r_{Ai}$$

Najsporiji stupanj određuje ukupnu brzinu reakcije

- otpor difuziji kroz granični sloj/film ili otpor međufaznoj difuziji
- otpor difuziji kroz poru ili otpor unutarfaznoj difuziji
- otpor kemijskoj reakciji

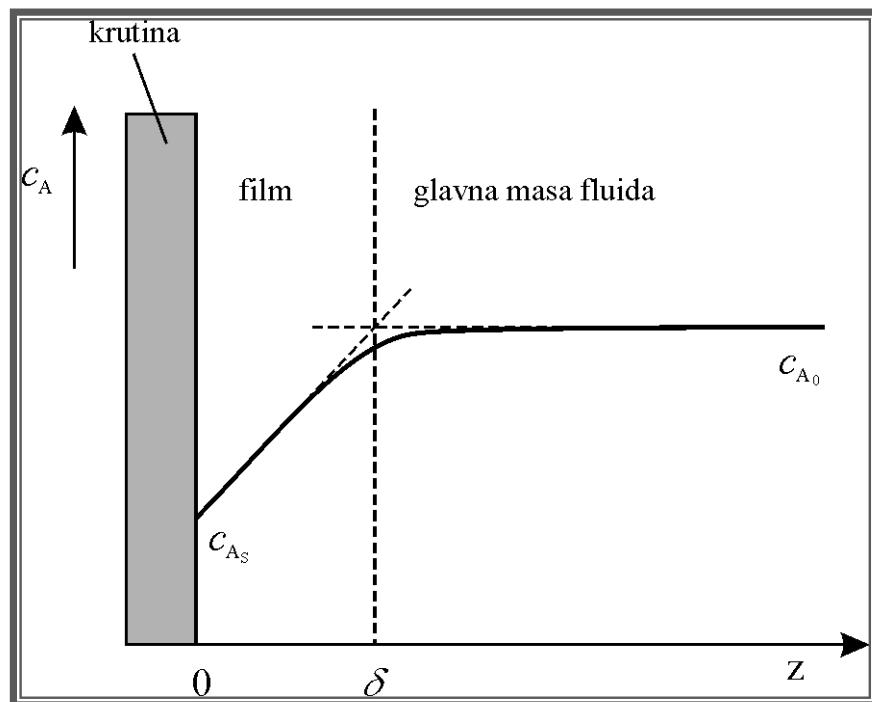


Temperaturni i koncentracijski profili oko i unutar poroznog zrna katalizatora za egzotermnu heterogeno-katalitičku reakciju:

- bez utjecaja prijenosa;
- utjecaj unutarfaznog prijenosa;
- utjecaj međufaznog i unutarfaznog prijenosa;
- utjecaj međufaznog prijenosa

Otpor difuziji kroz granični sloj/film ili otpor međufaznoj difuziji

Teorija graničnog sloja –
Whitman, Nernst



Prijenos tvari međufaznom difuzijom

Molni fluks tvari A

$$N_A = k_g a (c_{A_0} - c_{A_S})$$

$$k_g = \frac{D_{AB}}{\delta}$$

Brzina međ. difuzije ovisi o:

- hidrodinamici, odnosno debljini graničnog sloja
- načinu prijenosa kroz sloj
- značajki tvari koja se prenosi kroz granični sloj
- značajki fluida kroz koji se tvar prenosi
- temperaturi

U stacionarnom stanju

$$k_g = Sh = a Re^b Sc^c$$

$$Sh = \frac{d_p k_g}{D_{AB}}$$

$$r_{Auk} = N_A = k_g a (c_{A0} - c_{As})$$

$$Sc = \frac{\mu}{D_{AB} \rho}$$

$$r_A = k C_{As} \rightarrow C_{As} = \frac{C_{A0}}{1 + \frac{k}{k_g a}} = \frac{C_{A0}}{1 + D_a}$$

6

Chapman i Enski

$$D_{AB} = 0,0018583 \frac{\sqrt{T^3 [(1/M_A) + (1/M_B)]}}{p \sigma_{AB}^2 \Omega_{D,AB}}$$

σ_{AB} - Lennard-Jonesov parametar
 $\Omega_{D,AB} = kT/\varepsilon_{AB}$ - kolizijski integral

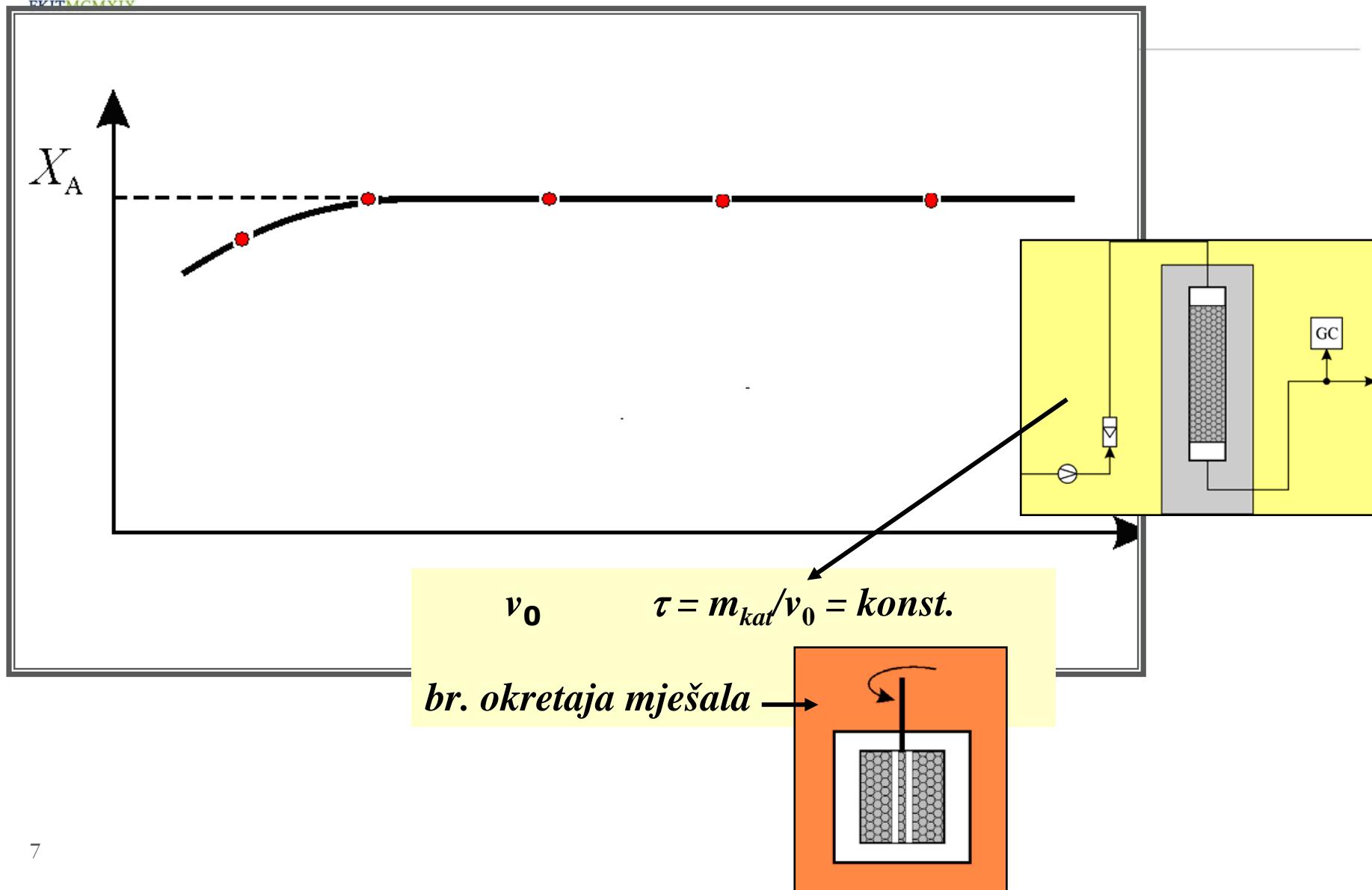
$$\sigma_{AB} = \frac{1}{2} (\sigma_A \sigma_B)$$

$$\varepsilon_{AB} = \sqrt{\varepsilon_A \varepsilon_B}$$

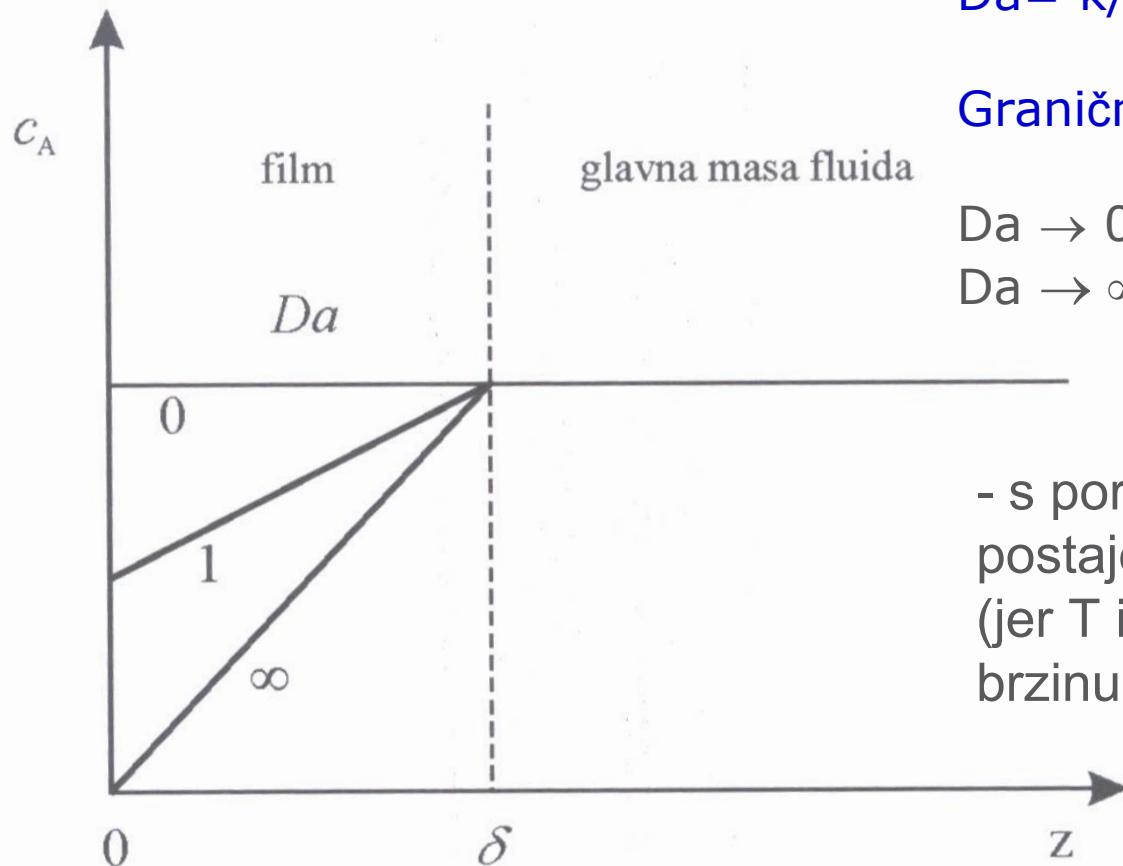
D_a - Damköhlerova značajka



Provjera utjecaja međufazne difuzije u cijevnom i šaržnom reaktoru



Određivanje utjecaja međufaznog prijenosa tvari na ukupnu brzinu reakcije pomoću Damköhlerove značajke, Da



$$Da = k / (kg \cdot a)$$

Granični slučajevi:

$Da \rightarrow 0$, međ. dif. je vrlo brza

$Da \rightarrow \infty$, međ. dif. je jako spora

- s porastom $T \Rightarrow$ međ. dif. postaje mjerodavan proces (jer T ima veći utjecaj na brzinu kem. reakcije)

Koncentracijski profili u graničnom sloju za različite vrijednosti D_a

- **Otpor međ. dif. dolazi do izražaja:**
 - kod vrlo brzih reakcija
 - kod vrlo aktivnih katalizatora
 - kod reakcija kod kojih tijekom reakcije nastaje puno produkta
- **U području međ. dif. sve reakcije su prvog reda bez obzira na kinetiku, jer je prijenos tvari međufaznom difuzijom proces prvog reda**

Međufazna značajka djelotvornosti

$$\eta_m = \frac{r_{A,op.}}{r_{A,g}}$$

$$r_{A,op.} = \eta_m r_{A,g}$$

za reakciju 1. reda:

$$\eta_m = \frac{1}{1 + Da}$$

$$Ca = \frac{r_{A,op.}}{ak_g c_{A,g}} = \eta_m Da = \frac{c_{A,g} - c_{A,s}}{c_{A,g}}$$

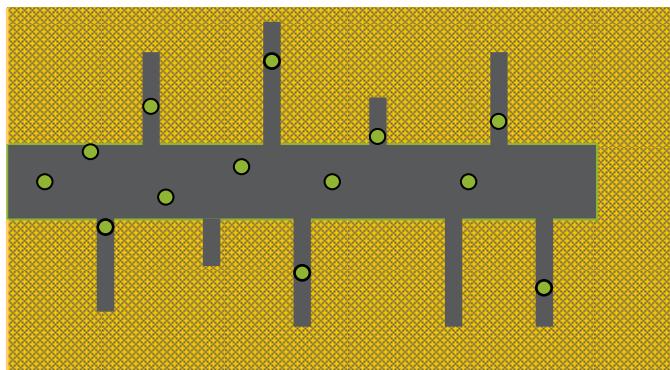
Ca - Carberryeva značajka – omjer opažene brzine reakcije i maksimalne međufazne brzine prijenosa tvari ($C_{As}=0$)

¹⁰

Ca mala \Rightarrow reakcija se provodi u kinetičkom području

Ca $\rightarrow 1 \Rightarrow$ reakcija se provodi u difuzijskom području (području međ. dif.)

Otpor difuziji kroz poru ili otpor unutarfaznoj difuziji



Polidisperzni katalizator

unutrašnjost kat. ima veću površinu od vanjske (geometrijske) površine!

Einsteinova jednadžba

$$\tau = l^2 / 2 D_e$$

D_e - djelotvorni koef. difuzije

$$N_A = -D_e \frac{dC}{dz}$$

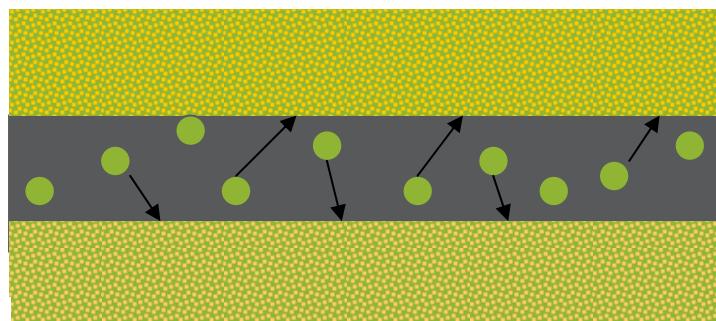
brzina prijenosa tvari

Koeficijent difuzije – broj molova fluida koji u jedinici vremena prođe kroz jediničnu površinu pri jediničnom gradijentu koncentracije. Na sličan način definira se D_e , uzimajući u obzir da je zrno katalizatora pseudohomogeno.

Molekule reaktanta difundiraju u poru katalizatora molekularnom ili Knudsenovom difuzijom

Knudsenova difuzija

- plinska faza
- niski tlak
- $r_p = 2 \cdot 10^{-8} \text{ m}$
- $l = 1 \cdot 10^{-7} \text{ m}$
- $D_k = \text{ca. } 10^{-4} \text{ m}^2\text{s}^{-1} - 10^{-1} \text{ m}^2\text{s}^{-1}$



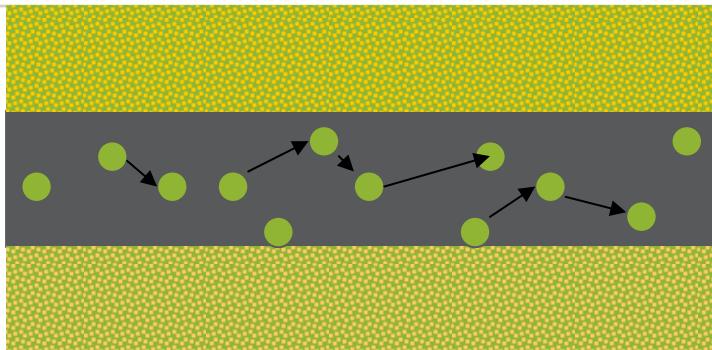
$$D_K = 9700 \bar{r}_p \sqrt{\frac{T}{M}}$$

$$\bar{r}_p = \frac{2V_g}{S_g}$$

$$D_e = D_K \frac{\varepsilon_p \sigma}{\tau}$$

σ - faktor stegnutosti
 τ - faktor zakrivljenosti pora (2-5)
 ε_p - površinska poroznost zrna (omjer površ.šupljina i ukup. površine popr.presjeka zrna) (0,3-0,6)

Molekularna difuzija



$$D_e = D_{AB} \frac{\varepsilon_p \sigma}{\tau}$$

tri slučaja

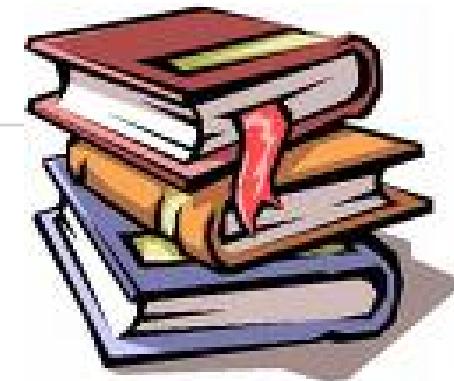
- za reakcije u tekućoj fazi na svim poroznim katalizatorima
- za reakcije u plinskoj fazi kod visokih tlakova na svim katalizatorima
- za sve reakcije u plinskoj fazi na niskim tlakovima, ako se rabe katalizatori čiji je srednji polumjer pora $5 \cdot 10^{-7}$ m, budući je kod tih uvjeta srednji slobodni put između dva energetski povoljna molekularna sudara $1 \cdot 10^{-7}$ m

U nedostatku eksperimentalnih podataka postoje mnogi empirijski izrazi pomoću kojih je moguće izračunati molekularni koeficijent difuzije.

━ Chapman & Ensky

━ Arnold – D_{AB} za binarnu plinsku smjesu

Statterfield i Bird



$$D_{AB} = \frac{0,00837 T^{5/2} \sqrt{1/M_A + 1/M_B}}{p(v_A^{1/3} + v_B^{1/3})^2 (T + C_{A+B})}$$

T - temperatura,

M_A, M_B - molne mase plinova A i B

v_A, v_B - volumeni plinova A i B

p - ukupni tlak

C_{A+B} Sutherlandova konstanta

$$C_{A+B} = 1,47 \varphi (T_{Av} - T_{Bv})^{0,5}$$

T_{Av} i T_{Bv} - temp. vrenja plinova A i B

$$\varphi = 8 \frac{(v_A v_B)^{0,5}}{v_A + v_B}$$



D_{AB} – za plinove u kapljevini

$$D_{AB} = \frac{8,2 \cdot 10^{-12}}{\mu v_A^{1/3}} \left[1 + \left(\frac{3 v_B}{v_A} \right)^{2/3} \right]$$

μ - dinamička viskoznost kapljevine



Stokes-Einstein - D_{AB} za velike molekule

$$D_{AB} = \frac{1,05 \cdot 10^{-9} T}{\mu v^{1/3}}$$

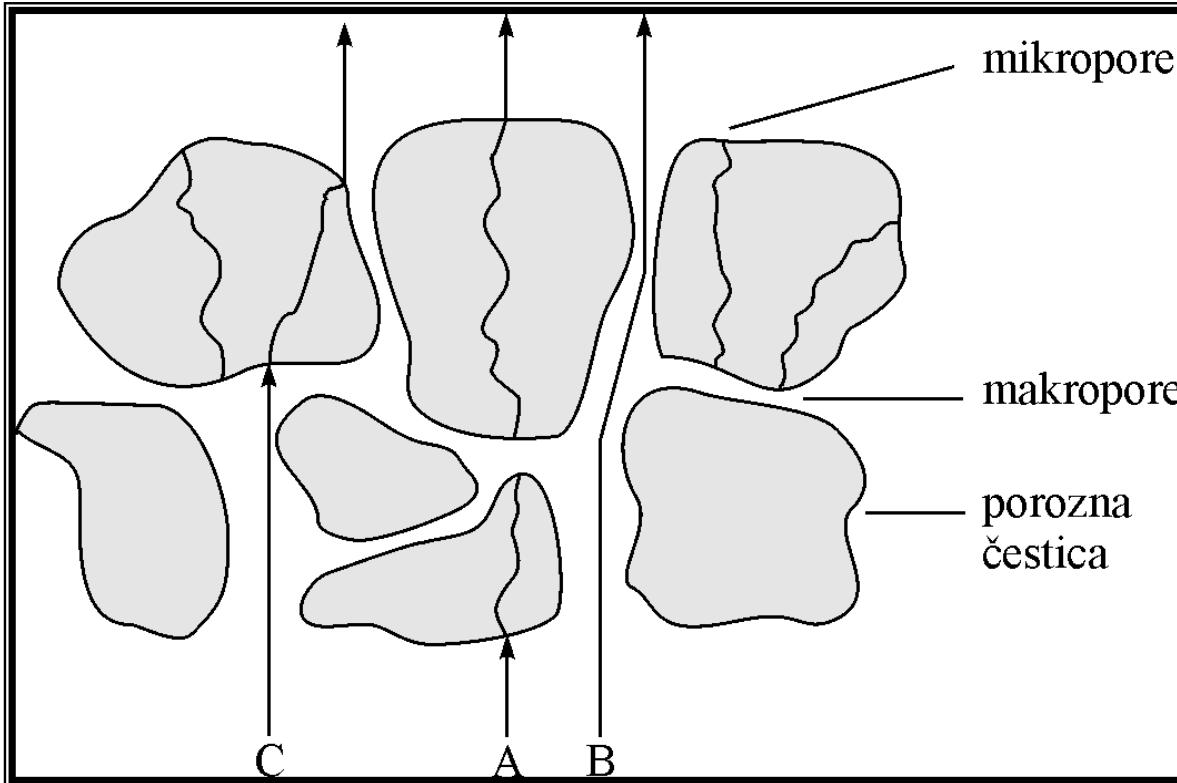
Wilke i Chang - D_{AB} za razrijedjene otopine

$$D_{AB} = 7,4 \cdot 10^{-8} \frac{(\chi M)^{1/2} T}{\mu v^{0,6}}$$

χ parametar koji uzima u obzir molekularnu asocijaciju neke tvari u otapalu

Wheelerov izraz

$$D = D_{AB} \left(1 - e^{-D_K / D_{AB}} \right)$$



$$\frac{1}{D} = \frac{1}{D_K} + \frac{1}{D_{AB}}$$

Složena struktura poroznog zrna katalizatora

Unutarfazna značajka djelotvornosti, η_u

*Thiele, SAD
Zeldowitch, Rusija
Damköhler, Njemačka*

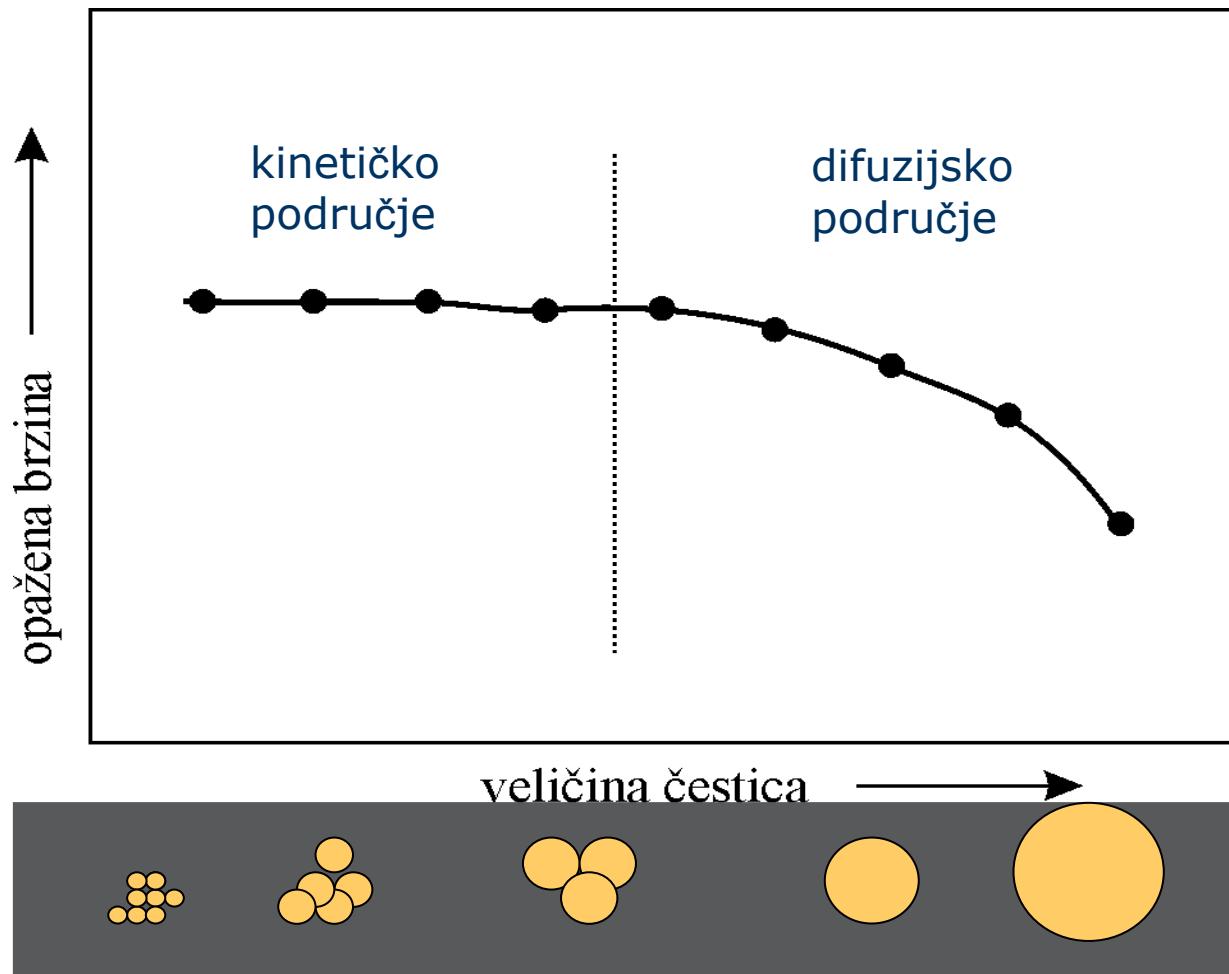
$$\eta_u = \frac{r_{A, \text{sa dif.}}}{r_{A, \text{bez dif.}}} = \frac{\text{opažena brzina reakcije}}{\text{brzina reakcije u kinetičkom području}}$$



$$r_{A,\text{op}} = \eta_u \ r_{A,s} = \eta_u \ k \ c_{A,s}$$

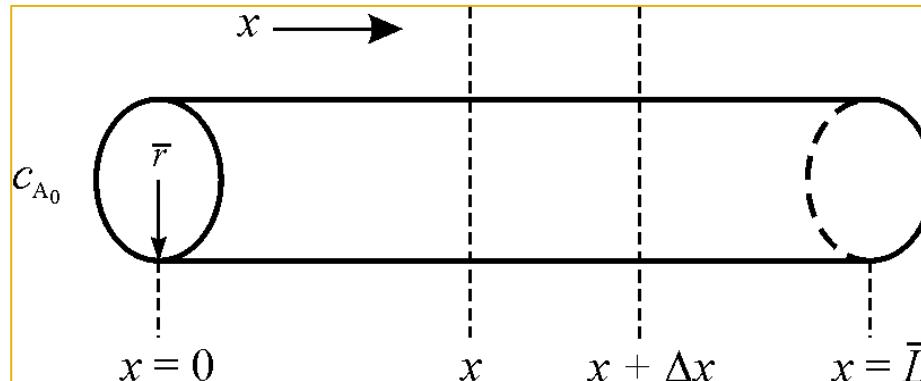
Teorijsko izračunavanje η_u : D_e , k_{kin} , oblik zrna katalizatora

eksperimentalno određivanje



Model idealne pore omeđene plaštem valjka

- izotermni uvjeti
- stac. stanje
- reakcija 1. reda



bilanca tvari za elementarni dio pore

ulaz tvari = izlaz tvari + nestajanje tvari uslijed reakcije

$$-\bar{r_p}^2 \pi D \left(\frac{dc_A}{dx} \right)_x = -\bar{r_p}^2 \pi D \left(\frac{dc_A}{dx} \right)_{x+\Delta x} + 2 \bar{r_p} \pi \Delta x k_s c_A$$

: $\bar{r_p}^2 \pi D \Delta x$

Preuređenjem

$$\frac{\left(\frac{dc_A}{dx}\right)_{x+\Delta x} - \left(\frac{dc_A}{dx}\right)_x}{\Delta x} - \frac{2k_s}{r_p D} c_A = 0$$

nalaženjem granične vrijednosti
kada Δx teži nuli

$$\frac{d^2 c_A}{dx^2} - \frac{2 k_s}{D r_p} c_A = 0 \quad \text{A)}$$

$$\begin{aligned} (k, \text{min}^{-1}) (\text{volumen}, \text{m}^3) &= (k_m, \text{m}^3 \text{h}^{-1} \text{kg}^{-1}) (\text{masa kat.}, \text{kg}) = \\ &= (k_s, \text{m h}^{-1}) (\text{površina kat.}, \text{m}^2) \end{aligned}$$

međuzavisnost
konstanti brzina

odnosno, $\mathbf{k V} = \mathbf{k_m m} = \mathbf{k_s S}$

za poru u obliku valjka

$$k = k_s \left(\frac{\text{površina}}{\text{volumen}} \right) = k_s \left(\frac{2 \pi \bar{r}_p L}{r_p^2 \pi L} \right) = \frac{2 k_s}{r_p}$$

$$\frac{d^2 c_A}{dx^2} - \frac{k}{D} c_A = 0$$

izraz A) u volumnim jedinicama

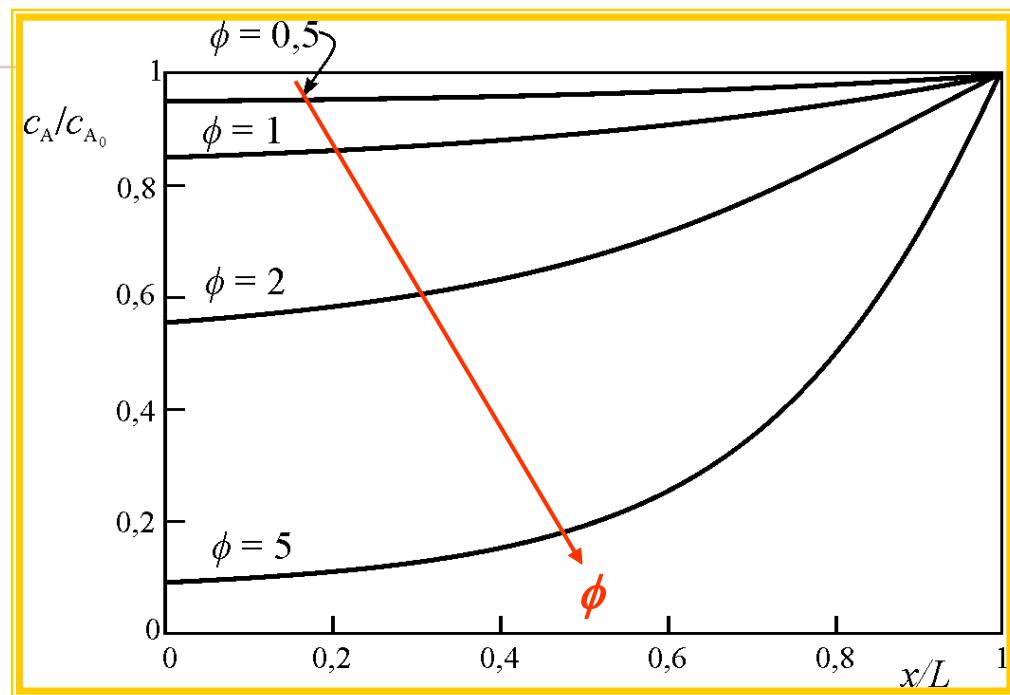
$$\frac{d^2 c_A}{dx^2} - \frac{k}{D} c_A = 0$$

rubni uvjeti

$$c_A = c_{A_0} \quad \text{kod} \quad x=0$$

$$dc_A/dx=0 \quad \text{kod} \quad x=L$$

$$c_A = \frac{c_{A_0} \cosh \left[\phi \left(1 - \frac{x}{L} \right) \right]}{\cosh \phi} \quad *$$



ϕ -Thieleova značajka

$$\phi = L \sqrt{\frac{k}{D}} = L \sqrt{\frac{2k_s}{r_p D}}$$

za reakciju 1. reda

Pad koncentracije reaktanta A u pori katalizatora za različite vrijednosti Thieleove značajke

- stacionarno stanje: brzina nestajanja reaktanta A jednaka je brzini difuzije reaktanta A u poru, tj.

- kad bi brzina difuzije bila mnogo veća od brzine kemijske reakcije, brzina reakcije u pori je dana izrazom

$$r_{A,op} = -r_p^2 \pi D \left(\frac{dc_A}{dx} \right)_{x=0}$$

$$r_{A,ideal} = 2 r_p \pi L k c_{A0}$$

diferenciranjem *po x , kod $x=0$ dobivamo

$$\left(\frac{dc_A}{dx} \right)_{x=0} = -\frac{\phi c_{A0}}{L} \frac{\sinh \phi}{\cosh \phi} = -\frac{c_{A0} \phi}{L} \operatorname{tgh} \phi$$

$$r_{A,op} = \frac{r_p^2 \pi D c_{A0}}{L} \phi \operatorname{tgh} \phi$$

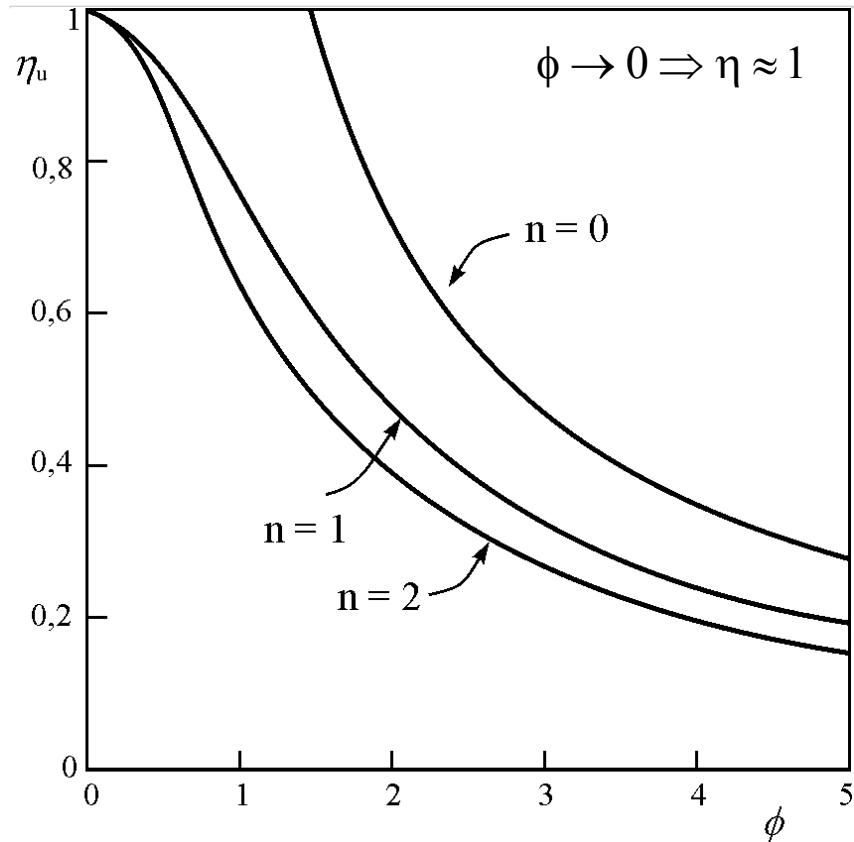
brzina reakcije u pori zadane geometrije

dijeljenjem

$$\eta_u = \frac{r_{A,op}}{r_A} = \left(\frac{\bar{r}_p D}{2 L^2 k} \right) \phi \operatorname{tgh} \phi = \frac{\operatorname{tgh} \phi}{\phi}$$

$$\frac{1}{\phi^2}$$

Aproksimacija za porozna zrna katalizatora različitih oblika



Ovisnost značajke djelotvornosti o Thieleovoj značajki za reakcije različitih redova koje se zbivaju u idealnoj pori

- D (D_{AB} ili D_K) zamijeniti s D_e
- za zrna katalizatora različitih oblika treba koristiti odgovarajuće karakteristične dužine L .

- **ravna pločica bez učinka krajeva:**

$$L = \text{polovina širine}$$

- **zrno u obliku valjka:**

$$L = d_K/2$$

- **zrno u obliku kugle:**

$$L = d_K/3$$

- **zrno nepravilnog oblika:**

$$L = \text{volumen zrna/vanjska površina}$$

$$\eta_u = \frac{\operatorname{tgh} \phi}{\phi}$$

za velike vrijednosti Thieleove značajke,
 $\phi > 3$

$$\eta_u = \frac{1}{\phi}$$

za reakcije n-tog reda:
 (otpor dif. u poru velik)

$$r_A = k c_A^n \eta_u = k c_A^n \frac{1}{\phi} = \sqrt{\frac{2}{n+1} \frac{k D_e}{L^2}} c_A^{\frac{n+1}{2}}$$

Proces u kojem se u kinet. podr. odigrava reakcija n-tog reda	U slučaju otpora prijenosu tvari ponaša se kao proces $(n+1)/2$ reda
0	0,5
1	1
2	1,5
3	2

maskiranje stvarne kinetike: $n \rightarrow (n+1)/2$

$$r_A = k c_A^n \eta_u = k c_A^n \frac{1}{\phi} = \sqrt{\frac{2}{n+1} \frac{k D_e}{L^2}} c_A^{\frac{n+1}{2}}$$

Maskiranje kinetike

k_{op} -logaritmiranjem i diferenciranjem po temperaturi

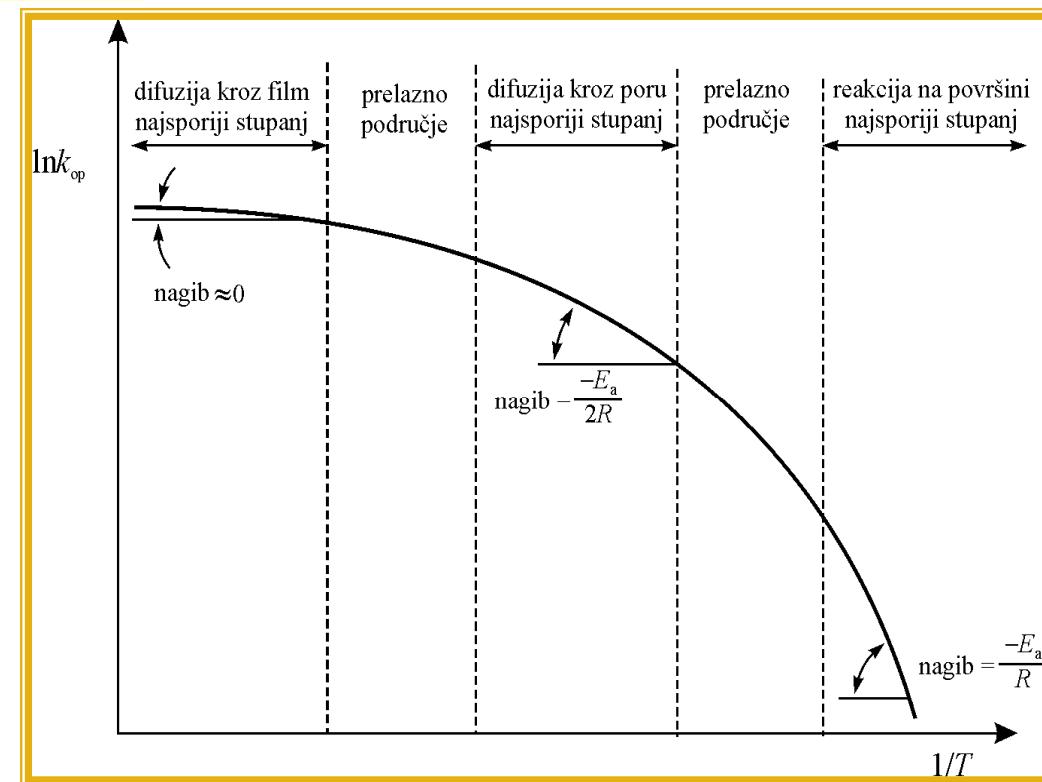
$$\frac{d(\ln k_{op})}{dT} = \frac{1}{2} \left[\frac{d(\ln k)}{dT} + \frac{d(\ln D_e)}{dT} \right]$$

$$k = k_0 e^{-E_{a,stv}/RT}$$

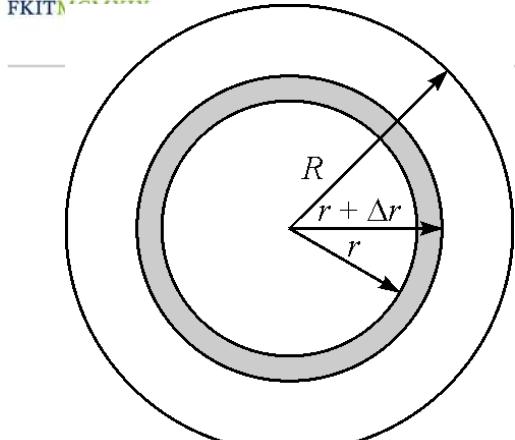
$$D_e = D_{e_0} e^{-E_{a,dif}/RT}$$

$$E_{a,op} = \frac{E_{a,stv} + E_{a,dif}^0}{2}$$

$$E_{a,op} = \frac{E_{a,stv}}{2}$$



- Model idealnog zrna katalizatora omeđenog plohom kugle



$$r_A = k c_A$$

bilanca tvari za isječak Δr omeđen plohamama $4r^2\pi$ i $4(r + \Delta r)^2\pi$

$$4r^2 \pi D_e \left(\frac{dc_A}{dr} \right)_{r+\Delta r} - 4r^2 \pi D_e \left(\frac{dc_A}{dr} \right)_r = (4r^2 \pi \Delta r) k c_A$$

$$\frac{d^2 c_A}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{dc_A}{dr} = \frac{k}{D_e} c_A$$

rubni uvjeti

$$c_A = c_{A_0} \quad \text{kod} \quad r = R$$

$$\frac{dc_A}{dr} = 0 \quad \text{kod} \quad r = 0$$

$$\left. \begin{array}{l} \frac{d^2 c_A}{dr^2} + \frac{2}{r} \frac{dc_A}{dr} = \frac{k}{D_e} c_A \\ c_A = c_{A_0} \quad \text{kod} \quad r = R \\ \frac{dc_A}{dr} = 0 \quad \text{kod} \quad r = 0 \end{array} \right\} \Rightarrow$$

$$\eta_u = \frac{3}{\phi} \left(\frac{1}{\tgh \phi} - \frac{1}{\phi} \right)$$

$$\phi = R \sqrt{\frac{k}{D_e}}$$

$$\eta_u = \frac{3}{\phi} \left(\frac{1}{\tgh \phi} - \frac{1}{\phi} \right)$$

$$\phi = R \sqrt{\frac{k}{D_e}}$$

- smanjenjem polumjera zrna ili konstante brzine reakcije odn. povećanjem D_e raste η_u
- djelotvorniji je katalizator koji ima najmanji promjer zrna; značajka djelotvornosti jako aktivnog katalizatora će biti mala, a slabo aktivnog velika \Rightarrow skupi katalizatori se pripravljuju nanošenjem akt. komp. samo na vanjsku površinu neporoznog nosača
- kod odabira optimalnog odnosa η_u/d_k postoji niz ograničenja \Rightarrow uporaba manjih čestica katalizatora povećala bi η_u , ali bi znatno povećala i pad tlaka kroz kat. sloj

- Opća Thielova značajka za različite geometrije zrna

$$\phi = \frac{V_k}{S_k} \sqrt{\frac{k}{D_e}}$$

- Opća Thielova značajka za različite geometrije zrna i različite redove reakcija

$$\phi = \frac{V_k}{S_k} \sqrt{\frac{\frac{n+1}{2} k c_A^{n-1}}{D_e}}$$

E. E. Petersen, R. Aris i K.B. Bischoff - opća značajka djelotvornosti

$$\eta_{u,op} = \frac{\sqrt{2}}{L r_A(c_{As})} \left[\int_{c_{Ao}}^{c_{As}} D_e(c') r_A(c') dc' \right]^{1/2}$$

za bilo koju geometriju zrna,
bilo koju difuzivnost i reakciju

U slučaju velikog otpora prijenosu tvari ($\phi \rightarrow \infty$) vrlo malo reaktanta A će difundirati do centra zrna. Međutim, molekule reaktanta koje budu difundirale, bit će u ravnoteži u slučaju povratnih reakcija, te nula u slučaju nepovratnih. Tada **"opću značajku djelotvornosti"** možemo napisati u obliku:

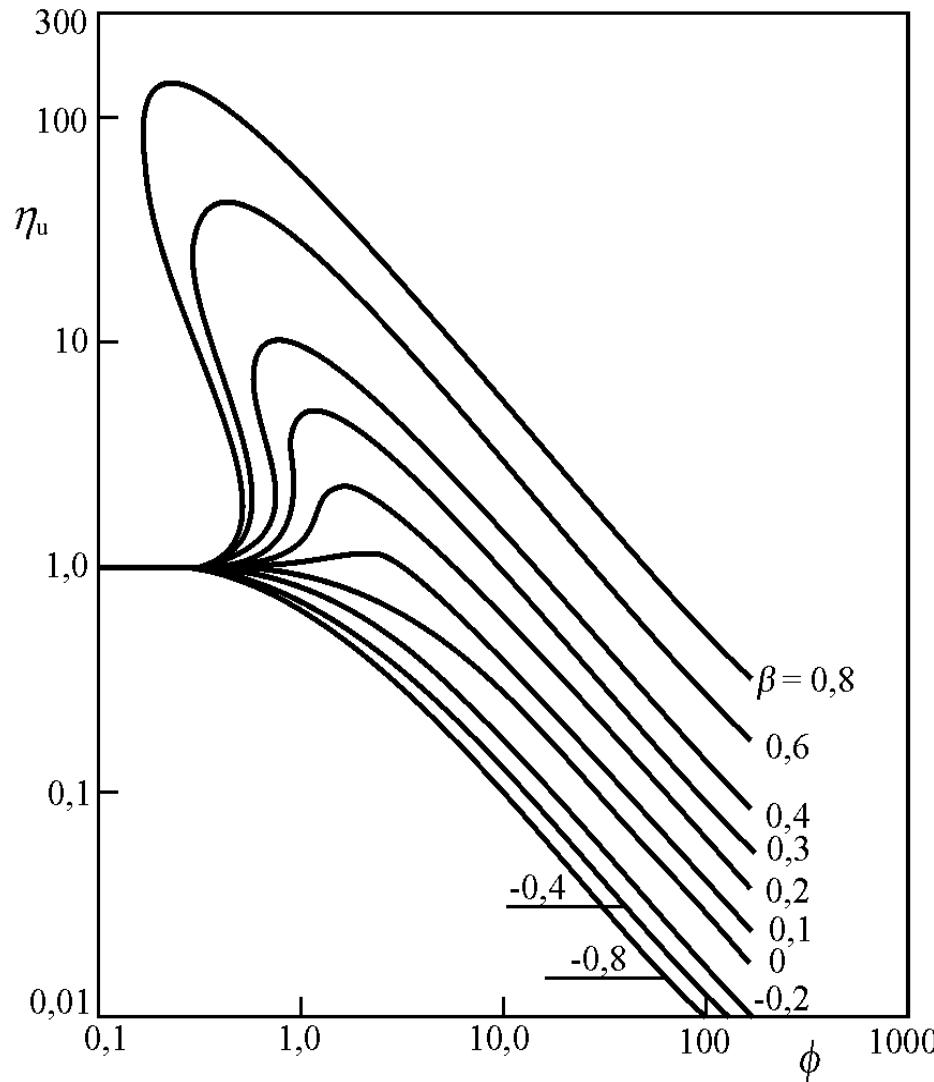
$$\eta_{u,op} \approx \frac{\sqrt{2}}{L r_A(c_{As})} \left[\int_{c_{Arav}}^{c_{As}} D_e(c') r_A(c') dc' \right]^{1/2} \equiv \frac{1}{\phi}$$

$$c_{A,rav} = \frac{c_{i,s}}{1 + K}$$

K - konstanta ravnoteže
 $c_{i,s}$ - zbroj konc. reaktanta i produkta na vanjskoj površini zrna katalizatora

Toplinski učinci tijekom procesa

$\eta = f$ (Thielove, Praterove i Arrheniusove značajke)



Thielova značajka

$$\phi = L \sqrt{\frac{k}{D}} = L \sqrt{\frac{2k_s}{r_p D}}$$

Praterova značajka

$$\beta_u = \frac{(-\Delta H_r) D_e c_{A,s}}{\lambda_e T_s} = \frac{\Delta T_{\max}}{T_s}$$

Arrheniusova značajka

$$\gamma = \frac{E_a}{R_g T_0}$$

omjer stvarne energije aktivacije i temperature u glavnoj masi fluida



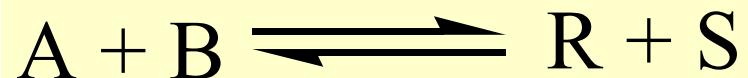
Otpor površinskoj reakciji

- reakcija se odvija na površini katalizatora u tri uzastopna koraka

1. Molekula reaktanta se adsorbira na aktivnim centrima površine
2. Adsorbirana molekula zatim reagira s drugim reaktantom koji je adsorbiran na susjednom aktivnom centru katalizatora (mehanizam na dva centra - Langmuir - Hinshelwoodov mehanizam) ili dolazi iz plinske faze (mehanizam na jednom centru - Eley - Ridealov mehanizam) ili se jednostavno razlaže dok je vezana za aktivni centar (također mehanizam na jednom centru).
3. Produkt reakcije se desorbira s aktivnog centra površine, čime se aktivni centri oslobođaju za daljnje katalitičko djelovanje

$$\text{brzina reakcije} = \frac{(\text{knetički član}) (\text{pogonska sila})}{(\text{član otpora})^n}$$

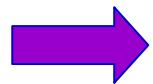
- **knetički član:** k , K_{rav} , a u nekim slučajevima i K_{ad}
- **pogonska sila:** p_i ili c_i sudionika reakcije u plinskoj fazi
- **član otpora:** usporenje reakcije uslijed adsorpcije svih sudionika reakcije (uključujući inertne tvari i kat. otrove, ako su prisutni u reaktoru)
- **n:** broju katalitičkih centara koji sudjeluju u reakciji.



u prisutnosti
inertne tvari I

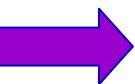
Najsporiji stupanj

adsorpcija



$$r_A = \frac{k(p_A - p_R p_S / K p_B)}{1 + K_A p_R p_S / K p_B + K_B p_B + K_R p_R + K_S p_S + K_I p_I}$$

površinska reakcija

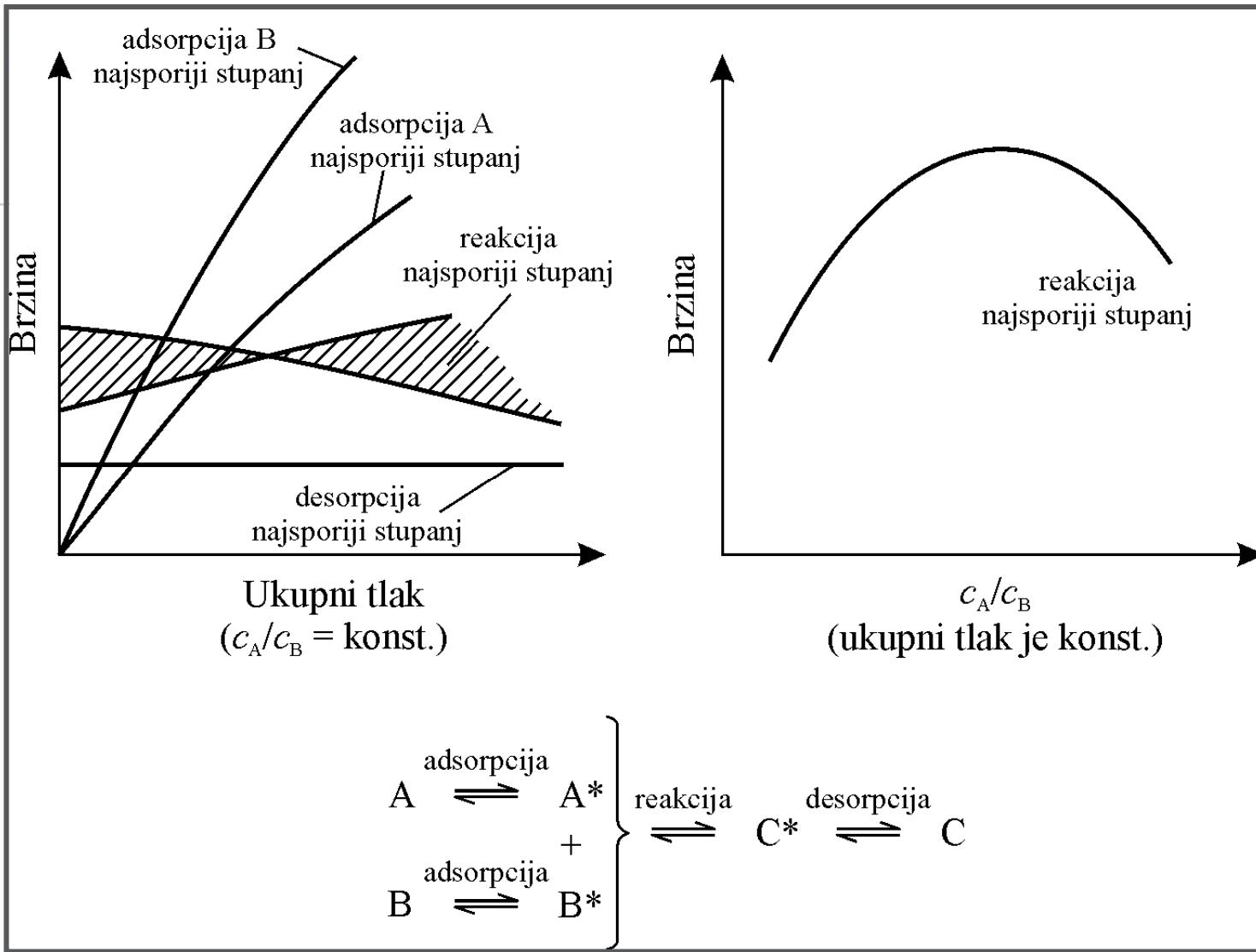


$$r_A = \frac{k(p_A p_B - p_R p_S / K)}{(1 + K_A p_A + K_B p_B + K_R p_R + K_S p_S + K_I p_I)^2}$$

desorpcija



$$r_A = \frac{k(p_A p_B / p_S - p_R / K)}{1 + K_A p_A + K_B p_B + K_R p_A p_B / p_S + K_S p_S + K_I p_I}$$



Promjena brzine bimolekularne reakcije u ovisnosti o parcijalnom tlaku reaktanta A za stupnjeve reakcije koji upravljaju brzinom procesa